# デュアルX線の発生方法と骨密度測定への応用

# 鈴木隆司\* 櫻井 昇\*

#### Generation of Dual-energy X-rays and Its Application to Bone Mineral Density Measurement

## Takashi SUZIKI and Noboru SAKURAI

Abstract We developed a simple and useful method to generate dual-energy X-rays by applying metal filters on conventional X-ray generators. To generate suitable dual X-rays in this method, it required a filter of the proper thickness that reduced the intensity of X-rays at a high energy area to 1/50 and a tube voltage which was about two times higher than that for generation of a characteristic X-rays of the metal filter. The dual X-rays generated by a 1mm thick Tin filter and a tube voltage of 63kV were applied to the measurement of the bone mineral density (BMD). The results of measuring finger phantom samples agreed with the actual BMD values within 10% error:

Keywords Continuous X-rays, Dual X-rays, Filter, Bone Mineral Density, BMD

# 1. はじめに

一般にX線は、X線管の電極間の管電圧で加速された電 子が陽極であるターゲットに衝突して制動されることに より生じるもので,管電圧を最大エネルギーとする連続X 線(白色X線とも呼ばれる)である。このように発生した X線は医療分野ではレントゲン撮影やX線CTに,産業用 では非破壊検査や除塵装置あるいは蛍光X線分析などに 用いられている。骨粗鬆症の診断では、2つのX線エネル ギーの骨と他の組織の透過性の違いを利用したデュアル エネルギーX線吸収(DXA)法による骨密度測定が行わ れている<sup>1)</sup>。このデュアルエネルギーX線を得る方法には 回折格子を用いる方法<sup>2)</sup>,ターゲットに2種類の物質を用 いる方法<sup>3)</sup>があるが、システムが大きくなったり複雑な 構造になったりする欠点がある。また、電圧を変えて2回 測定する方法4)やフィルタを用いて2つのエネルギーに 分ける方法(Kフィルタ法)<sup>5)</sup>が使われているが,いず れにしても連続X線を使用しているため物質を透過した 前後で実効エネルギーが変化してしまい,正確な測定が行 えないという問題点があった。

そこで、物質の透過前後でエネルギーの変化のない2種 類の単色X線(以後、デュアルX線という)を取り出す方 法について検討し、得られたデュアルX線を用いて模擬指 試料の骨密度の測定を行った。



図1 測定装置のブロックダイアグラム

### 2. 実験方法

#### 2.1 測定装置

測定装置のブロックダイアグラムを図1に示す。検出器 には NaI(Tl)あるいは CdTe を用い,X線発生装置の窓と 検出器にはそれぞれ線束を絞って散乱線の影響を少なく するため,コリメータを配置した。検出器で得られた信号 は増幅器を通した後,マルチチャンネル波高分析器でスペ クトルを得た。

フィルタには種々の厚さの異なる金属板を使用し,試行 錯誤的にデュアルX線を得る条件を求めていった。

#### 2.2 骨密度測定の原理

あるエネルギー(E)のX線が試料により吸収された後 の強さIは、式(1)で表される。

I(E)=I<sub>0</sub>(E) exp(-μ(E)・ρ・t)・・・ (1) ただし、I<sub>0</sub>(E): 試料のないときのX線の強さ μ(E): 試料の質量減弱係数(cm<sup>2</sup>/g)

ρ:試料の密度 (g/cm<sup>3</sup>)

\*駒沢分室

t : 試料の厚さ (cm)

骨と筋肉によってX線が吸収されると考えると,式(1) は次式のように表わすことができる。

$$\mathbf{I}(\mathbf{E}) = \mathbf{I}_{0}(\mathbf{E}) \exp(-\mu_{\mathrm{B}}(\mathbf{E}) \cdot \rho_{\mathrm{B}} \cdot \mathbf{t}_{\mathrm{B}} - \mu_{\mathrm{M}}(\mathbf{E}) \cdot \rho_{\mathrm{M}} \cdot \mathbf{t}_{\mathrm{M}})$$

$$\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (2)$$

ただし、添字BとMは、骨と筋肉を意味する。 ここで、骨と筋肉2つのパラメータがあるのでエネルギー の異なる2種類のX線を利用することにより、骨密度 (BMD:  $\rho_{\rm B} t_{\rm B}$ )を求めることができる。

BMD = 
$$\frac{\mathbf{L} - \mathbf{H} \cdot \mathbf{R}_{\mathrm{M}}}{\mu_{\mathrm{B}}(\mathbf{E}_{\mathrm{H}}) \ (\mathbf{R}_{\mathrm{B}} - \mathbf{R}_{\mathrm{M}})} \qquad (3)$$

ただし、L=ln {I<sub>0</sub>(E<sub>L</sub>)/I(E<sub>L</sub>)} H=ln {I<sub>0</sub>(E<sub>H</sub>)/I(E<sub>H</sub>)} R<sub>M</sub> =  $\mu_{M}$ (E<sub>L</sub>)/ $\mu_{M}$ (E<sub>H</sub>) R<sub>B</sub> =  $\mu_{B}$ (E<sub>L</sub>)/ $\mu_{B}$ (E<sub>H</sub>)

添字 L, H はエネルギーの異なる2種類のX線を意味 する。

このように、あらかじめ用いるエネルギーにおける骨と 筋肉の質量減弱係数が分かっていると2種類のエネルギ ーのX線を用いることにより骨密度が求められる。

## 2.3 模擬試料による骨密度の測定

得られたデュアルX線を用いることにより骨密度が正 しく求められるか否かを確かめるため,模擬の指試料を作 成して検証した。筋肉を 5mm 厚のポリエチレン (PE) で, 骨をアルミニウム (A1) で模擬し, 1~5mm まで変化させ た。それぞれの質量減弱係数は, Simmons らの文献<sup>6)</sup>を もとに求めた表1の値から内挿法であらかじめ求めた。

エネルギー(keV)	質量減弱係数(cm²/g)	
	AI	PE
15	7.66	0.672
20	3. 24	0.385
30	1.03	0.249
40	0. 514	0. 215
50	0.334	0. 201
60	0.255	0.193
70	0. 189	0. 180

表1 質量減弱係数6)

# 3.結果

# 3.1 デュアルX線の発生

K吸収端を利用したKフィルタ法は比較的薄い金属箔 が用いられるが,より厚い板を用いることできれいなデュ アルX線を得ることができた。管電圧を 63kV,管電流を 0.3mA,測定時間を 50 秒に固定し,NaI(Tl)検出器(5.1φ ×5.1cm)により,スズ板の厚さを 0.1~1mm まで変化さ



図2 フィルタ厚によるX線スペクトルの変化

せた場合のスペクトルの変化を図2に示す。0.1mm と薄 い場合はスズのK吸収端(29.2keV)を境にスペクトルは 2つに分かれているが,エネルギーの低い方のピークには エネルギーの高い連続X線が重なっている状態である。厚 さが増すに従い2つのピークが徐々に分離し,1mm 厚で はエネルギーの低い方のピークは特性X線のみとなった。 また,エネルギーの低い方のピークの位置が徐々に高エネ ルギー側にシフトした。

検出器側のコリメータを 2mm φ, スズ厚を 1mm, 管電 流 0.5mA, 測定時間 100 秒に固定し, 管電圧を 50~65kV まで変化させた結果を図 3 に示す。50kV ではスズの厚み によって連続 X線の低エネルギー側がカットされ, 28keV に単一のピークがあるのみであるが, 管電圧の上昇ととも に連続 X線が急激に成長するとともに 28keV のピークも 増加し, きれいなデュアル X線を得ることができた。



図3 1mm 厚のスズフィルタを用い,管電圧を変化 させたときのX線スペクトルの変化

スズの特性X線は 25.3keV (K $\alpha$ ) と 28.5keV (K $\beta$ ) で あり,一般にK $\alpha$ の方がK $\beta$ より収率が高い。しかし,ス



図4 ゲルマニウム検出器によるX線スペクト ルの変化

ペクトル上では Kβ しか見えない。そこでよりエネルギー 分解能の良い Ge 半導体検出器で測定した。結果を図4に 示す。フィルタが薄いときには Kαの方が顕著であるが、 厚くなるに従い逆転していく様子が分かる。これはフィル タが厚くなるに従い、エネルギーの低い Kαは吸収されて いくためである。

以上の結果から、図3の低エネルギー側のピークはスズ 板のKβで、高エネルギー側のピークは連続X線(疑似単 色X線)であることが分かった。また、デュアルX線を発 生させる条件は、①フィルタの厚さを、疑似単色X線を発 生させたいエネルギーにおける連続X線の強度が、フィル タがないときの50分の1以下と充分減衰させうる厚さと し、②X線の管電圧は、特性X線のエネルギーのおよそ2 倍のエネルギーが出るように調整することである。

この条件をもとに, NaI(Tl)検出器よりも形状の小さな CdTe 検出器 (4×4×0.3mm) でも同様のことを試みた。 図 5 にスズ板 1mm を用い, 管電流 0.5mA, 測定時間 30 秒で管電圧を 30~75kV まで上げていった結果を示す。 NaI(Tl)検出器や Ge 検出器の場合と同様デュアルX線が



図5 CdTe 検出器によるデュアルX線の発生



図6 ガドリニウムとスズのフィルタによるデ ュアルX線の発生

得られた。NaI(Tl)検出器に比べ CdTe 検出器は小さいため, より管電圧を高くしないと高い方のピークが成長してこ ない。また,管電圧が高くなるに従い両ピーク間のカウン ト数が増えてくるが,これは検出器が小さいために高エネ ルギー側の連続X線の一部が検出器外に逃げるために起 こる現象である。

次に、2種類のフィルタ(スズとガドリニウム)を用い てデュアルX線を得る方法について検討した。Gd の特性 X線のエネルギー48.7keV における連続X線が 50 分の1 程度になるように、0.25mm 厚の Gd に対する Sn のフィ ルタ厚を文献6の質量減弱係数を参考に式(1)により計 算で求めたところ、およそ 0.5mm となった。そこで 0.25mm 厚の Gd と 0.5mm 厚の Sn の2枚のフィルタを重 ねてX線発生装置の窓に置き、管電圧を 30~60kV までと した。結果を図6に示す。40kV までは単色X線(Sn の特 性X線)が得られたが、50kV ではデュアル化しはじめ、 60kV では明確に Sn と Gd の特性X線から成るデュアルX 線を得た。さらに電圧を上げていくと連続X線が出てきて トリプルX線を得ることが出来る。



図7 10kV以下のデュアルX線の発生

最大管電圧が 10kV の非常に低エネルギーのX線発生 装置においてもデュアルX線の発生が可能か検討した。 10keV における連続X線が 50 分の1 程度になるチタン板 の厚さを計算したところ 72  $\mu$  m となった。そこで, 70  $\mu$ m のチタン板を用いて NaI(TI)検出器により管電圧 10kV, 管電流 0.02mA で測定した。結果を図7 に示す。4.9keV に チタンの特性X線であるK  $\beta$ が現れ, 8.5keV 付近に連続 X線のピークが現れた。

# 3.2 模擬試料の骨密度

1mm のスズフィルタを使用し,管電圧 63kV,管電流 0.3mA, NaI(TI)検出器により模擬試料を 100 秒間測定し た。スペクトルの変化を図8に示す。試料が厚くなるほど 各ピークの計数は減少するが,エネルギーが低いピークほ



図8 模擬試料のスペクトル変化

ど減少幅が大きい。また、試料の厚さによるエネルギーの 変化もないことが分かる。式(3)により BMD を計算し た。結果を表2に示す。アルミ厚1,2,3,4,5mm につ いて、BMD は 0.25,0.55,0.81,1.10,1.30 g/cm<sup>2</sup>と計 算された。アルミニウムの密度と比較すると 10%以内で 一致した。

アルミの	アルミの密度	測定值 (B)	偏差(B/A-1)×
厚さ(mm)	(A) $(g/cm^2)$	$(g/cm^2)$	100 (%)
1	0.27	0.25	-7.4
2	0.54	0.55	+1.0
3	0.81	0.81	$\pm 0.0$
4	1.10	1.10	$\pm 0.0$
5	1.40	1.30	-7.1

表2 模擬指試料の測定結果

#### 4. まとめ

フィルタを1枚あるいは2枚をX線発生装置の照射窓 に配置させることにより,非常に簡便にデュアルX線を取 り出せる方法を確立した。フィルタ1枚の場合は,低エネ ルギー領域のX線はフィルタ自身の特性X線を利用し,フ ィルタの最適厚さは高エネルギー領域での連続X線のカ ウント数をフィルタのない時に比較して50分の1以下に なるようにする。また,フィルタから発生する特性X線よ り約2倍の管電圧をかけることにより,高エネルギー側の X線ピークを得る。2種類のフィルタを用いる場合は,そ れぞれの特性X線を利用するもので,2種類のフィルタに より高エネルギー側の連続X線を50分の1に減少させ, 高エネルギー側の特性X線よりやや大きな管電圧をかけ ることにより得ることができる。

1mm 厚のスズフィルタを用いて模擬試料の骨密度の測 定を行った結果,10%以内の偏差で骨密度を求めることが できた。本実験では100秒測定で行ったが,BMDの計数 誤差は数%以下と計算されたため,測定時間をより短縮で きる可能性がある。また,検出器は NaI(Tl)を用いたが, CdTe でも同様に行うことが出来るのでより小型化ができ 応用範囲の拡大が可能となる。

本研究では主にデュアルX線について述べたが,単色X 線あるいはトリプルX線も簡単に生成されることが期待 できることから,さらに種々のX線装置に応用が可能であ る。

#### 参考文献

- 高田政彦:骨量測定の最近の進歩, Bone, Vol15, No2, p21-23(2001).
- 2) アロカ(株):特許1671106 (1992).
- 3) アロカ(株):特開平 8-299318.
- 4) 松下電器産業(株):特開 2000-245723.
- 5) 矢野茂喜,藤田栄寿,空増昇,三戸美生,寺沢健治, 馬場末吉:骨塩定量測定装置,National Technical Report Vol.42, No.2, p176-183 (1996).
- 6) G. L. Simmons and J. H. Hubbell : Comparison of Photon Interaction Cross Section Data Sets. VII. Biggs-Lighthill (Rev.) and ENDF/B, NBSIR73-241(1973).

(原稿受付 平成17年8月3日)